

ΦΥΣΙΚΗ ΚΑΤΕΥΘΩΝΣΗΣ Γ' ΛΥΚΕΙΟΥ

ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

Πανελλήνιες 2014

ΘΕΜΑ Α

A.1. γ

A.2. β

A.3. γ

A.4. β

A.5. α. Σ

β. Σ

γ. Λ

δ. Λ

ε. Σ

ΘΕΜΑ Β

B. 1. → (iii)

Για το Σ<sub>1</sub> :  $U_{\max} = K_{\max}$

$$\frac{1}{2}kd^2 = \frac{1}{2}mu_1^2 \Rightarrow u_1 = d\sqrt{\frac{k}{m}} \quad (1)$$

ΑΔΟ για την κρούση

$$\vec{P}_{ολ(πριν)} = \vec{P}_{ολ(μετά)}$$

$$mu_1 = (m_1 + m_2)V$$

$$V = \frac{mu_1}{2m} = \frac{u_1}{2}$$

$$\text{Για το συσσωμάτωμα} \quad \frac{1}{2}(m_1 + m_2)V^2 = \frac{1}{2}2kA_2^2$$

$$2m \cdot \left(\frac{u_1}{2}\right)^2 = 2kA_2^2 \rightarrow \frac{mu_1^2}{2} = 2kA_2^2$$

$$\frac{1}{2}kd^2 = 2kA_2^2 \rightarrow A_2 = \frac{d}{2}$$

$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{d}{d/2} = 2$$

**B.2.** → (ii)

$$F_{\tau\alpha\lambda} = \frac{N_{\tau\alpha\lambda}}{\Delta t} = \frac{200}{2} = 100\text{Hz}$$

$$F_{\Delta} = \frac{1}{T_{\Delta}} = 0,5\text{Hz}$$

$$F_{\tau\alpha\lambda} = \frac{f_1 + f_2}{2} \Rightarrow f_1 + f_2 = 200\text{Hz}$$

$$f\delta = f_1 - f_2 \Rightarrow f_1 - f_2 = 0,5\text{Hz}$$

Από την επίλυση του συστήματος προκύπτει:

$$f_1 = 100,25\text{Hz} \text{ και } f_2 = 99,75\text{Hz}$$

**B3.** → (iii)

Η απόσταση των  $m_1$  και  $m_2$  παραμένει σταθερή, άρα:  $v_1' = v_2''$

Λόγω της ελαστικής κρούσης της  $m_2$  με τον τοίχο, ισχύει:  $v_2'' = -v_2'$

$$\text{Άρα } v_1' = -v_2'$$

$$\frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \cdot v_1 = -\frac{2m_1v_1}{m_1 + m_2} \Rightarrow 3m_1 = m_2 \Rightarrow \frac{m_1}{m_2} = \frac{1}{3}$$

**ΘΕΜΑ Γ**

Από το διάγραμμα προκύπτουν τα εξής:

$$A_{\text{ΠΗΓΩΝ}} = 5 \cdot 10^{-3}\text{m}$$

$$t_2 = 0,2\text{s}$$

$$t_1 = 1,4\text{s}$$

**Γ.1**

$$v = \frac{r_1}{t_1} \Rightarrow r_1 = v \cdot t_1 = 5 \cdot 1,4 = 7\text{m}$$

$$v = \frac{r_2}{t_2} \Rightarrow r_2 = v \cdot t_2 = 5 \cdot 0,2 = 1m$$

Γ2. Στο χρονικό διάστημα  $0,2s \leq t < 1,4s$  το Σ εκτελεί 3 πλήρεις ταλαντώσεις, άρα

$$f = \frac{N\tau\alpha\lambda}{\Delta t} = \frac{3}{1,2} = 2,5Hz$$

$$\text{Θεμελιώδης εξίσωση κυματικής } v = \lambda \cdot f \Rightarrow \lambda = \frac{v}{f} = \frac{5}{2,5} = 2m$$

Για  $0 \leq t < 0,2s$  : κανένα κύμα δεν έχει φτάσει στο σημείο Σ, άρα  $y_\Sigma = 0$

Για  $0,2 \leq t < 1,4s$  : μόνο το κύμα από την Π<sub>2</sub> έχει φτάσει στο σημείο Σ, άρα

$$Y_\Sigma = A \cdot \eta\mu 2\pi \left( ft - \frac{r_2}{\lambda} \right)$$

$$Y_\Sigma = 5 \cdot 10^{-3} \cdot \eta\mu 2\pi (2,5t - 0,5) (SI)$$

Για  $t \geq 1,4s$  : συμβαίνει ενισχυτική συμβολή των κυμάτων στο σημείο Σ

$$Y = 2A \cdot \sigma\upsilon\nu \frac{\pi(r_1 - r_2)}{\lambda} \cdot \eta\mu 2\pi \left( ft - \frac{r_1 + r_2}{2\lambda} \right)$$

$$Y = -10^{-2} \cdot \eta\mu 2\pi (2,5t - 2) (SI)$$

Γ. 3 .  $y_1 = 5\sqrt{3} \cdot 10^{-3} m > 5 \cdot 10^{-3} m = A$

Άρα έχει συμβεί ήδη η συμβολή των κυμάτων, οπότε  $t_A > 1,4s$  και το Σ ταλαντώνεται με πλάτος  $A' = 10^{-2} m$

ΑΔΕ για την ταλάντωση του Σ.

$$K + U = E \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}Dy^2 = \frac{1}{2}DA'^2 \Rightarrow mv^2 + m\omega^2 y^2 = m\omega^2 A'^2$$

$$\Rightarrow |v| = \omega\sqrt{A'^2 - y^2} \Rightarrow |v| = 5\pi\sqrt{100 \cdot 10^{-6} - 75 \cdot 10^{-6}} \Rightarrow |v| = 25\pi \cdot 10^{-3} m/s$$

$$\Gamma. 4. f' = \frac{10}{9} f = \frac{10}{9} \cdot 2,5 = \frac{25}{9} \text{ Hz}$$

Η ταχύτητα διάδοσης των κυμάτων εξαρτάται από το μέσο διάδοσης, άρα παρέμεινε σταθερή.

$$v = \lambda' f' \Rightarrow \lambda' = \frac{v}{f'} = \frac{5}{\frac{25}{9}} = \frac{45}{25} = \frac{9}{5} = 1,8 \text{ m}$$

Το νέο πλάτος ταλάντωσης του σημείου Σ μετά τη συμβολή θα είναι:

$$A' = 2A \cdot \left| \sin \frac{(r_1 - r_2)}{\lambda'} \right| = 10^{-2} \cdot \left| \sin \frac{10\pi}{3} \right| = 10^{-2} \cdot \left| \sin \left( 2\pi + \frac{4\pi}{3} \right) \right| = 10 \cdot 10^{-3} \cdot \left| \left( -\frac{1}{2} \right) \right| = 5 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

$$\frac{K_1}{K_2} = \frac{\frac{1}{2} m V^2 \max_{(1)}}{\frac{1}{2} m V^2 \max_{(2)}} = \frac{(\omega \cdot A)^2}{(\omega' \cdot A')^2} = \left( \frac{f \cdot A}{f' \cdot A'} \right)^2 = \left( \frac{9 \cdot 10 \cdot 10^{-3}}{10 \cdot 5 \cdot 10^{-3}} \right)^2 = \frac{81}{25} = \frac{324}{100} = 3,24$$

$$\text{Για τη σφαίρα } \Sigma F_y = 0 \Rightarrow N = mg \cdot \eta \mu \phi = 2,4 \text{ N}$$

$$N' = N = 2,4 \text{ N λόγω του 3ου Ν. Νεύτωνα}$$

$$(4) \Rightarrow T \cdot 1 \cdot 0,8 - 56 \cdot 1 \cdot 0,6 - 2,4(1+x) = 0 \Rightarrow T = 56 \cdot \frac{6}{2} + -(1+x) \Rightarrow T = 72 + 3 + 3x$$

$$\Rightarrow T = 45 + 3x \text{ (SI) όπου } 0 \leq x \leq 1 \text{ m}$$

## ΘΕΜΑ Δ

Δ.1 Ισορροπία ροπών για τη ράβδο, ως προς Α

$$\Sigma \tau_{(A)} = 0 \Rightarrow Mg \frac{l}{2} \cdot \eta \mu \phi - T \cdot \frac{l}{2} \sigma \nu \nu \phi = 0$$

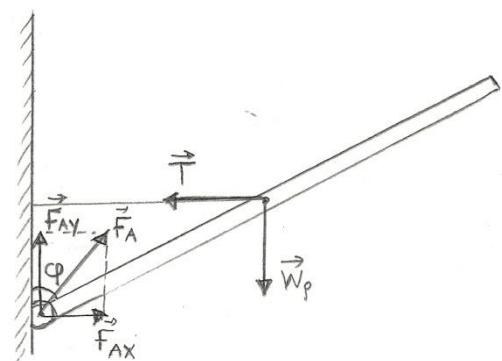
$$\Rightarrow T = Mg \cdot \frac{\eta \mu \phi}{\sigma \nu \nu \phi} = 7 \cdot \frac{0,6}{0,8} = 42 \text{ N}$$

Ισορροπία δυνάμεων με τη ράβδο:

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_{AX} = T = 42 \text{ N}$$

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_{AY} = Mg = 56 \text{ N}$$

$$F_A = \sqrt{F_{AX}^2 + F_{AY}^2} = \sqrt{(3 \cdot 14)^2 + (4 \cdot 14)^2} = 14 \cdot 5 = 70 \text{ N}$$



$$\varepsilon\phi\theta = \frac{56}{42} = \frac{4}{3} \quad \theta = 90^\circ - \phi$$

$\theta$  είναι η γωνία της  $F_A$  με την οριζόντια διεύθυνση

Παρατήρηση: Ισχύει  $\theta=90^\circ-\phi$  άρα η  $\vec{F}_A$  έχει τη διεύθυνση της ράβδου.

**Δ.2.** Η σφαίρα κυλάει χωρίς να ολισθαίνει, άρα ισχύει  $a_{cm} = \alpha_{γων} \cdot r$  (1)

Θεμελιώδης νόμος για τη μεταφορική κίνηση:

$$\Sigma F_x = m \cdot a_{CM} \Rightarrow W_x - T_{\sigma\tau} = m \cdot a_{CM} \quad (2)$$

Θεμελιώδης νόμος για τη στροφική κίνηση:

$$\Sigma T = I \alpha_{γων} \Rightarrow T_{\sigma\tau} \cdot r = \frac{2}{5} m r^2 \cdot a_{γων} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} T_{\sigma\tau} = \frac{2}{5} m \cdot a_{CM} \quad (3)$$

(2)+(3):

$$m g \cdot \eta \mu \left( \frac{\pi}{2} - \phi \right) = \frac{7}{5} m \cdot a_{CM} \Rightarrow a_{CM} = \frac{5}{7} \cdot g \sigma \nu \eta \phi \Rightarrow \alpha_{CM} = \frac{40}{7} m/s^2$$

$$(1) \Rightarrow \alpha_{γων} = \frac{a_{CM}}{r} = \frac{40/7}{1/70} = 400 \text{ rad} / s^2$$

**Δ.3.** Σε τυχαία θέση της σφαίρας, όταν έχει μετατοπιστεί κατά  $x$  και το  $k$ , εφαρμόζουμε για τη ράβδο ισορροπία ροπών ως προς A:

$$\Sigma \tau_{(A)} = 0$$

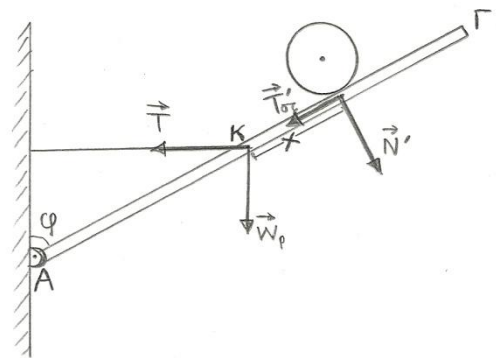
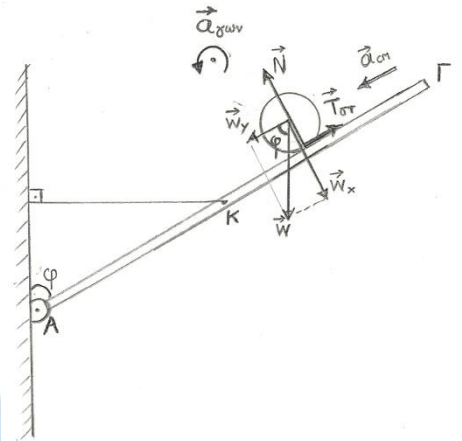
$$T \cdot \frac{l}{2} \cdot \sigma \nu \eta \phi - M g \cdot \frac{l}{2} \cdot \eta \mu \phi - N' \cdot \left( \frac{l}{2} + x \right) = 0 \quad (4)$$

$$\Delta. 4. \quad \frac{dK}{dt} = \frac{dW_{\Sigma T}}{dt} = \frac{\Sigma \tau \cdot d\theta}{dt} = \Sigma \tau \cdot \omega \quad \text{όπου}$$

$$\Sigma \tau = M g \frac{1}{2} \cdot \eta \mu \phi = 56 \cdot 1 \cdot 0,6 = 33,6 \text{ N} \cdot m$$

Εφαρμόζουμε το ΘΜΚΕ για τη ράβδο (από τη στιγμή κόπηκε το νήμα μέχρι τη θέση που φαίνεται στο σχήμα)

$$K_{\tau\epsilon\lambda} - K_{\alpha\rho\chi} = W_{\beta\alpha\rho}$$



$$\frac{1}{2} I \omega^2 = Mg \cdot 2 \frac{l}{2} \cdot \sigma \nu \nu \phi$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} M l^2 \cdot \omega^2 = M g l \sigma \nu \nu \phi \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{6 g \sigma \nu \nu \phi}{l}}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{6 \cdot 8}{2}} = \sqrt{24} = 2\sqrt{6} \text{ rad/s}$$

$$\text{Άρα } \frac{dK}{dt} = \Sigma \tau \cdot \omega = 33,6 \cdot 2\sqrt{6} = 6,72\sqrt{6} \text{ J/s}$$

**Δ. 5. ΑΔΣ για την κρούση**

$$\vec{L}_{ολ(πριν)} = \vec{L}_{ολ(μετά)}$$

$$I \cdot \omega = I' \omega'$$

$$\frac{M l^2}{3} \cdot \omega = \left( \frac{M l^2}{3} + \frac{M' l^2}{3} \right) \omega'$$

$$\frac{M l^2}{3} \cdot \omega = \frac{4 M l^2}{3} \cdot \omega' \Rightarrow \omega' = \frac{\omega}{4} = \frac{\sqrt{5}}{2} \text{ rad/sec}$$

Ποσοστό απώλειας κινητικής ενέργειας κατά την κρούση

$$\frac{|\Delta K|}{K_{ολ(πριν)}} \cdot 100\% = \frac{\frac{1}{2} I \omega^2 - \frac{1}{2} I' \omega'^2}{\frac{1}{2} I \omega^2} \cdot 100\% = [1 - 4 \cdot \left(\frac{\omega/4}{\omega}\right)^2] \cdot 100\% = \left(1 - \frac{1}{4}\right) \cdot 100\% = 75\%$$

Πρώτοι με την πρώτη!