

ΦΥΣΙΚΗ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ
ΠΑΝΕΛΛΗΝΙΕΣ 2012
ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

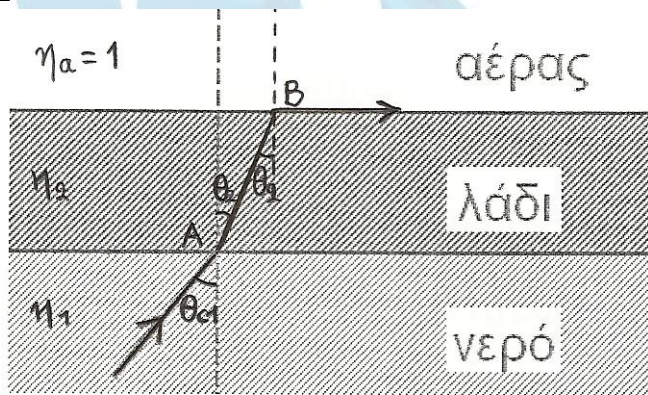
- A1. γ A5. α. Σ
 A2. β β. Σ
 A3. γ γ. Λ
 A4. γ δ. Λ
 ε. Σ

ΘΕΜΑ Β

B.1 γ

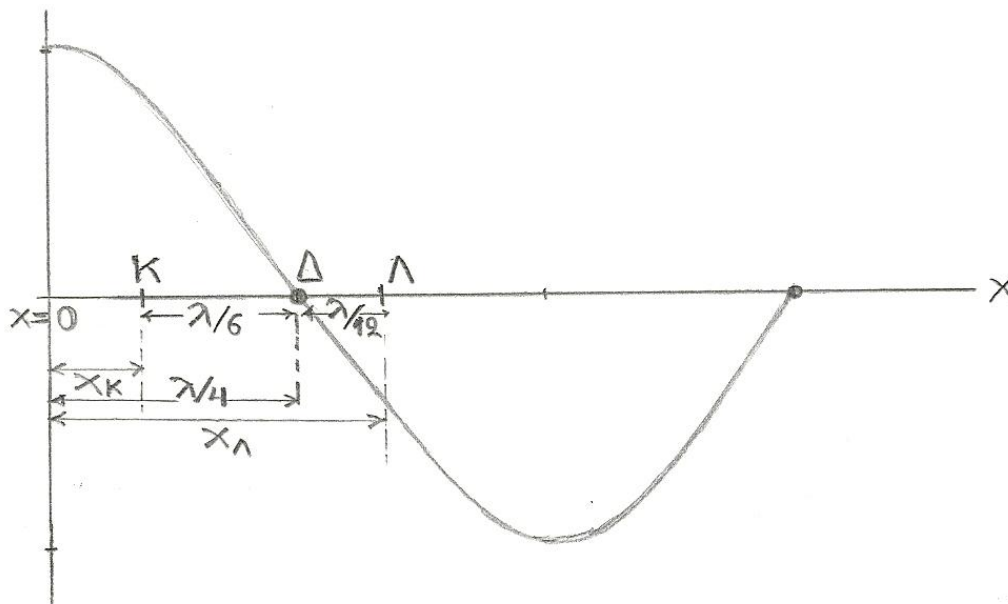
$$n_1 \mu_{v,\alpha} \theta_{crit} = \frac{1}{n_2}$$

$$n_2 > n_1$$



$$n_1 \eta \mu \theta_c^{v\alpha} = n_2 \eta \mu \theta_2 \Rightarrow \eta \mu \theta_2 = \frac{n_1}{n_2} \frac{1}{n_1} = \frac{1}{n_2} = \eta \mu \theta_c^{v\alpha}$$

B.2 α



$$x_{\kappa} = \frac{\lambda}{4} - \frac{\lambda}{6} = \frac{\lambda}{12}$$

$$x_{\Lambda} = \frac{\lambda}{4} + \frac{\lambda}{12} = \frac{\lambda}{3}$$

$$|A'_{\kappa}| = 2A \left| \sigma \nu \frac{2\pi x_{\kappa}}{\lambda} \right| = 2A \left| \sigma \nu \frac{\pi}{6} \right| = A\sqrt{3}$$

$$|A'_{\Lambda}| = 2A \left| \sigma \nu \frac{2\pi x_{\Lambda}}{\lambda} \right| = 2A \left| \sigma \nu \frac{2\pi}{3} \right| = A$$

$$\frac{v'_{\kappa(\max)}}{v'_{\Lambda(\max)}} = \frac{\omega |A'_{\kappa}|}{\omega |A'_{\Lambda}|} = \frac{A\sqrt{3}}{A} = \sqrt{3}$$

B.3

$$\text{Σφαίρα } \Sigma_1: t_1 = \frac{d}{u}$$

$$\text{Σφαίρα } \Sigma_2: v_{2x} = v \sigma \nu 60^\circ = v \frac{1}{2} = \frac{v}{2}$$

$$t_2 = \frac{d}{v_{2x}} = \frac{d}{\frac{v}{2}} = 2 \frac{d}{v} = 2t_1$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ.1

Θ. Steiner για τη δοκό:

$$I_{\delta} = I_{CM} + M \left(\frac{l}{2} \right)^2 = \frac{1}{12} M l^2 + \frac{1}{4} M l^2 = \frac{1}{3} M l^2$$

$$I_{(0)} = I_{\delta} + m l^2 = \frac{1}{3} M l^2 + m l^2 = \left(\frac{M}{3} + m \right) l^2$$

$$= \left(\frac{6}{3} + 3 \right) 0,3^2 = 5 \cdot 0,09 = 0,45 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$$

Γ.2

$$W_{\tau_F} = F \cdot l \cdot \frac{\pi}{2} = \frac{120}{\pi} \cdot 0,3 \cdot \frac{\pi}{2} = 60 \cdot 0,3 = 18J$$

Γ.3

$$\frac{1}{2} I_{(0)} \omega^2 - 0 = W_{\tau_F} + W_{w_\delta} + W_{w_m} \Rightarrow \frac{1}{2} I_{(0)} \omega^2 = W_{\tau_F} - Mg \frac{l}{2} - mgl \Rightarrow$$

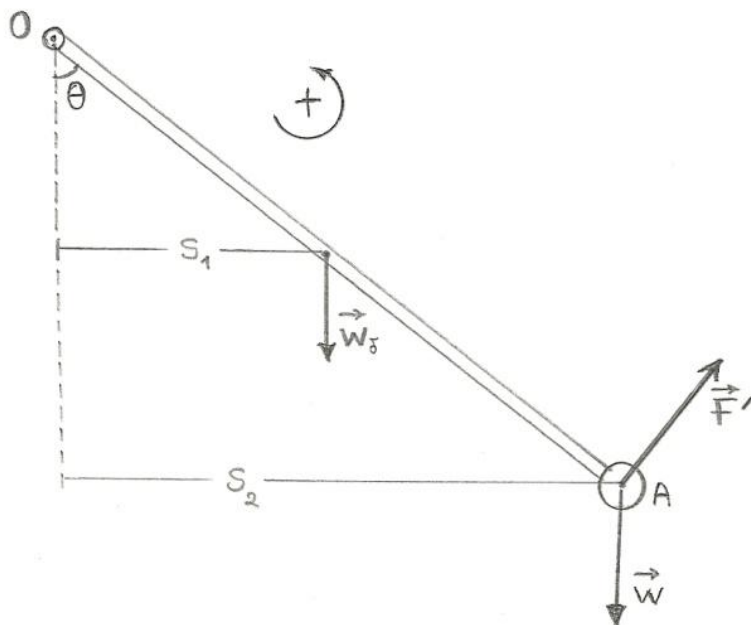
$$\frac{1}{2} 0,45 \omega^2 = 18 - 6 \cdot 10 \cdot \frac{0,3}{2} - 3 \cdot 10 \cdot 0,3 \Rightarrow \omega = 0$$

Γ.4

$$F' = 30\sqrt{3}N$$

$$\Sigma \tau_{(0)} = 0 \Rightarrow F' \cdot l - w_\delta \cdot s_1 - w_m \cdot s_2 = 0 \Rightarrow Mg \frac{l}{2} \eta \mu \theta + mgl \eta \mu \theta = F' \cdot l \Rightarrow$$

$$\left(\frac{Mg}{2} + mg \right) \eta \mu \theta = F' \Rightarrow \eta \mu \theta = \frac{F'}{\left(\frac{M}{2} + m \right) g} \Rightarrow \eta \mu \theta = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \theta = 60^\circ$$



Γ4. Μαθηματική προσέγγιση του ερωτήματος Γ4

Θεωρούμε μία τυχαία θέση στην οποία η ράβδος σχηματίζει γωνία θ με την κατακόρυφη.

ΘΜΚΕ για το σύστημα από την κατακόρυφη θέση ως την τυχαία θέση

$$K - 0 = W_{ολ}$$

$$K = F \cdot l \cdot \theta - M \cdot g \cdot \frac{l}{2} \cdot (1 - \sigma\upsilon\nu\theta) - m \cdot g \cdot l \cdot (1 - \sigma\upsilon\nu\theta)$$

$$K = F \cdot l \cdot \theta - M \cdot g \cdot \frac{l}{2} \cdot (1 - \sigma\upsilon\nu\theta) - \frac{M}{2} \cdot g \cdot l \cdot (1 - \sigma\upsilon\nu\theta)$$

$$K = F \cdot l \cdot \theta - M \cdot g \cdot l + M \cdot g \cdot l \cdot \sigma\upsilon\nu\theta$$

$$\frac{dK}{dt} = 0 \Rightarrow F \cdot l \cdot \frac{d\theta}{dt} - 0 + M \cdot g \cdot l \cdot (-\eta\mu\theta) \cdot \frac{d\theta}{dt} = 0$$

Επειδή $\frac{d\theta}{dt} = \omega \neq 0$: $F \cdot l = M \cdot g \cdot l \cdot \eta\mu\theta$

$$\eta\mu\theta = \frac{F}{M \cdot g} = \frac{30\sqrt{3}}{60} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

Αναζητούμε την 1^η φορά, άρα $0 \leq \theta < \frac{\pi}{2}$ οπότε $\theta = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$

$$\frac{dK}{dt} = (F \cdot l - M \cdot g \cdot l \cdot \eta\mu\theta) \cdot \frac{d\theta}{dt}, \text{ όπου } \frac{d\theta}{dt} = \omega > 0$$

- Για $\theta = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$: $\frac{dK}{dt} = (9\sqrt{3} - 9) \text{ J/s} > 0$
- Για $\theta = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$: $\frac{dK}{dt} = (9\sqrt{3} - 18) \text{ J/s} < 0$

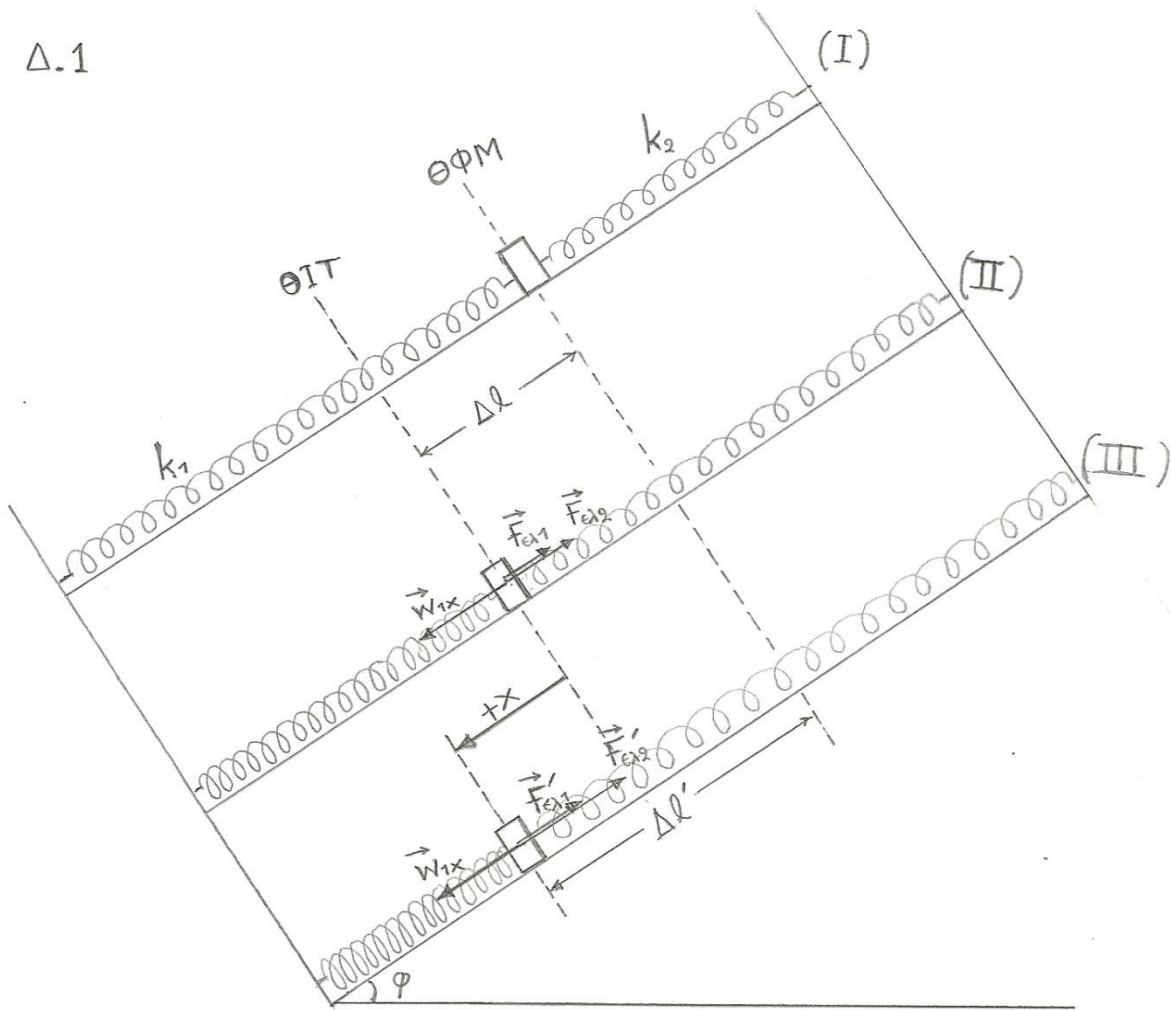
Άρα για $\theta = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$ η κινητική ενέργεια παρουσιάζει μέγιστο.

Πρώτοι με την πρώτη!

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Στη Θ.Ι.Τ (εικόνα II) ισχύει ότι:

Δ.1



$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_{\epsilon\lambda_1} + F_{\epsilon\lambda_2} = w_{1x} \Rightarrow K_1 \Delta l + K_2 \Delta l = m_1 g \eta \mu \phi \Rightarrow \Delta l = \frac{m_1 g \eta \mu \phi}{K_1 + K_2} \Rightarrow \Delta l = \frac{2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2}}{200} \Rightarrow \Delta l = 0,05 \text{m}$$

Στην τυχαία θέση εκτροπής (εικόνα III) ισχύει ότι:

$$\Sigma F_x = w_{1x} - F'_{\epsilon\lambda_1} - F'_{\epsilon\lambda_2} \Rightarrow \Sigma F_x = m_1 g \eta \mu \phi - K_1 (x + \Delta l) - K_2 (x + \Delta l) \Rightarrow$$

$$\Sigma F_x = m_1 g \eta \mu \phi - K_1 x - K_1 \Delta l - K_2 x - K_2 \Delta l \Rightarrow \Sigma F_x = -(K_1 + K_2) x$$

Αυτή είναι της μορφής $\Sigma F = -D \cdot x$, δηλαδή δύναμη επαναφοράς, συνεπώς εκτελεί με σταθερά επαναφοράς $D = K_1 + K_2 = 200 \text{N/m}$

$$\Delta 2. A = \Delta l = 0,05\text{m}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{D}{m_1}} = 10\text{rad/s}$$

$$x = A\eta\mu(\omega \pm \varphi) \xrightarrow[\substack{\gamma_{\alpha t=0} \\ x=+A}]{\Rightarrow} A = A\eta\mu\phi \Rightarrow \eta\mu\phi = 1 = \eta\mu\frac{\pi}{2} \Rightarrow \phi = \frac{\pi}{2}$$

$$\text{Συνεπώς } x = 0,05\eta\mu\left(10t + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\Delta 3. \omega' = \sqrt{\frac{D}{m_1 + m_2}} = \sqrt{\frac{200}{8}} = 5\text{rad/s}$$

$$D_2 = m_2\omega'^2 \Rightarrow D_2 = 6 \cdot 25 \Rightarrow D_2 = 150\text{N/m}$$

$\Delta 4.$ Στη νέα Θ.Ι.Τ:

$$\Delta l' = \frac{(m_1 + m_2)g\eta\mu\phi}{K_1 + K_2} \Rightarrow \Delta l' = \frac{8 \cdot 10 \cdot \frac{\pi}{2}}{200} \Rightarrow \Delta l' = 0,2 = A'$$

$$\Sigma F_{y_2} = 0 \Rightarrow N_2 - W_{2y} = 0 \Rightarrow N_2 = m_2 g \sigma\upsilon\nu\phi \Rightarrow N_2 = 6 \cdot 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 30\sqrt{3}\text{N}$$

Στην κάτω ακραία θέση

$$\Sigma F_{2(\text{max})} = T_s - w_{2x}$$

$$D_2 A' = T_s - w_{2x} \Rightarrow T_s = D_2 A' + w_{2x}$$

Για να μην ολισθαίνει το ένα σώμα πάνω στο άλλο πρέπει

$$T_s \leq \mu_s N_2 \Rightarrow D_2 A' + w_{2x} \leq \mu_s N_2 \Rightarrow \mu_s \geq \frac{D_2 A' + w_{2x}}{N_2} \Rightarrow \mu_s \geq \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

Πρώτοι με την πράξη!